

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

**Предмет: математика**

***Уровень: среднее общее образование***

***Углубленный уровень***

Рабочая программа составлена на основе Рабочей программы среднего общего образования Математика углубленный уровень (для 10-11 классов образовательных организаций) .Институт стратегии развития образования Российской академии образования,М.2022

## **1.Планируемые результаты освоения учебного предмета**

### **ЛИЧНОСТНЫЕ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

**Гражданское воспитание:**

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и на значении.

**Патриотическое воспитание:**

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

**Духовно-нравственного воспитания:**

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

**Эстетическое воспитание:**

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

**Физическое воспитание:**

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание), сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

**Трудовое воспитание:**

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы;

готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

*Экологическое воспитание:*

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социальноэкономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

*Ценности научного познания:*

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

#### МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными познавательными действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.

1) *Универсальные познавательные действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией)*

2) **Базовые логические действия:**

- выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
- воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
- выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
- делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
- проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию,

приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;

- выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать не сколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

*Базовые исследовательские действия:*

- использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
- проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
- самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
- прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

*Работа с информацией:*

- выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
- выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
- структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
- оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

3) *Универсальные коммуникативные действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

*Общение:*

- воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
- в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
- представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

### *Сотрудничество:*

- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения не нескольких людей;
- участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

4) *Универсальные регулятивные действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.*

### *Самоорганизация:*

- составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

### *Самоконтроль:*

- владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
- предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
- оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## ПЛАНИРУЕМЫЕ ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРИМЕРНОЙ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ КУРСА

### Алгебра и начала математического анализа

#### **(ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)**

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

#### **10 класс**

##### Числа и вычисления

- Свободно оперировать понятиями: рациональное число, бесконечная периодическая дробь, проценты; иррациональное число; множества рациональных и действительных чисел; модуль действительного числа.
- Применять дроби и проценты для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.
- Применять приближённые вычисления, правила округления, прикидку и оценку результата вычислений.

- Свободно оперировать понятием: степень с целым показателем; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных .
  - Свободно оперировать понятием: арифметический корень натуральной степени .
  - Свободно оперировать понятием: степень с рациональным показателем .
  - Свободно оперировать понятиями: логарифм числа; десятичные и натуральные логарифмы . Свободно оперировать понятиями: синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента .
  - Оперировать понятиями: арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента .
- Уравнения и неравенства
- Свободно оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство, равносильные уравнения и уравнения-следствия; равносильные неравенства .
  - Применять различные методы решения рациональных и дробно-рациональных уравнений; применять метод интервалов для решения неравенств .
  - Свободно оперировать понятиями: многочлен от одной переменной; многочлен с целыми коэффициентами, корни многочлена; применять деление многочлена на многочлен с остатком, теорему Безу и теорему Виета для решения задач .
  - Свободно оперировать понятиями: система линейных уравнений, матрица, определитель матрицы  $2 \times 2$  и его геометрический смысл; использовать свойства определителя  $2 \times 2$  для вычисления его значения, применять определители для решения системы линейных уравнений; моделировать реальные ситуации с помощью системы линейных уравнений, исследовать построенные модели с помощью матриц и определителей, интерпретировать полученный результат .
  - Использовать свойства действий с корнями для преобразования выражений .
  - Выполнять преобразования числовых выражений, содержащих степени с рациональным показателем .
  - Использовать свойства логарифмов для преобразования логарифмических выражений .
  - Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические уравнения; находить их решения с помощью равносильных переходов или осуществляя проверку корней .
  - Применять основные тригонометрические формулы для преобразования тригонометрических выражений .
  - Свободно оперировать понятием: тригонометрическое уравнение; применять необходимые формулы для решения основных типов тригонометрических уравнений .
  - Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры .

Функции и графики



- Свободно оперировать понятиями: функция, способы задания функции; взаимно обратные функции, композиция функций; график функции; выполнять элементарные преобразования графиков функций .
- Свободно оперировать понятиями: область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства .
- Свободно оперировать понятиями: чётные и нечётные функции, периодические функции, промежутки монотонности функции, максимумы и минимумы функции, наибольшее и наименьшее значение функции на промежутке .
- Свободно оперировать понятиями: степенная функция с натуральным и целым показателем, график степенной функции с натуральным и целым показателем; график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем .
- Оперировать понятиями: линейная, квадратичная и дробно- линейная функции; выполнять элементарное исследование и построение их графиков .
- Свободно оперировать понятиями: показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики; использовать их графики для решения уравнений .
- Свободно оперировать понятиями: тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента .
- Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами .

#### Начала математического анализа

- Свободно оперировать понятиями: арифметическая и геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; линейный и экспоненциальный рост, формула сложных процентов; иметь представление о константе  $e$  .
- Использовать прогрессии для решения реальных задач прикладного характера .
- Свободно оперировать понятиями: последовательность, способы задания последовательностей, монотонные и ограниченные последовательности; понимать основы зарождения математического анализа как анализа бесконечно малых .
- Свободно оперировать понятиями: непрерывные функции; точки разрыва графика функции; асимптоты графика функции .
- Свободно оперировать понятием: функция, непрерывная на отрезке; применять свойства непрерывных функций для решения задач .
- Свободно оперировать понятиями: первая и вторая производные функции, касательная к графику функции .
- Вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции двух функций; знать производные элементарных функций .
- Использовать геометрический и физический смысл производной для решения задач .

#### Множества и логика

- Свободно оперировать понятиями: множество, операции над множествами .
- Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов .

-Свободно оперировать понятиями: определение, теорема, уравнение-следствие, свойство математического объекта, доказательство, равносильные уравнения и неравенства .

## 11 класс

### Числа и вычисления

- Свободно оперировать понятиями: натуральное и целое число, множества натуральных и целых чисел; использовать признаки делимости целых чисел, НОД и НОК натуральных чисел для решения задач, применять алгоритм Евклида .

- Свободно оперировать понятием остатка по модулю; записывать натуральные числа в различных позиционных системах счисления .

- Свободно оперировать понятиями: комплексное число и множество комплексных чисел; представлять комплексные числа в алгебраической и тригонометрической форме, выполнять арифметические операции с ними и изображать на координатной плоскости .

### Уравнения и неравенства

- Свободно оперировать понятиями: иррациональные, показательные и логарифмические неравенства; находить их решения с помощью равносильных переходов .

- Осуществлять отбор корней при решении тригонометрического уравнения .

- Свободно оперировать понятием тригонометрическое неравенство; применять необходимые формулы для решения о новых типов тригонометрических неравенств .

- Свободно оперировать понятиями: система и совокупность уравнений и неравенств; равносильные системы и системы- следствия; находить решения системы и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений и неравенств .

- Решать рациональные, иррациональные, показательные, логарифмические и тригонометрические уравнения и неравенства, содержащие модули и параметры .

- Применять графические методы для решения уравнений и неравенств, а также задач с параметрами .

- Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат .

### Функции и графики

- Строить графики композиции функций с помощью элементарного исследования и свойств композиции двух функций .

- Строить геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости .

- Свободно оперировать понятиями: графики тригонометрических функций .

- Применять функции для моделирования и исследования реальных процессов .

### Начала математического анализа



- Использовать производную для исследования функции на монотонность и экстремумы .
- Находить наибольшее и наименьшее значения функции непрерывной на отрезке .
- Использовать производную для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических, задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком .
- Свободно оперировать понятиями: первообразная, определённый интеграл; находить первообразные элементарных функций и вычислять интеграл по формуле Ньютона — Лейбница .
- Находить площади плоских фигур и объёмы тел с помощью интеграла .
- Иметь представление о математическом моделировании на примере составления дифференциальных уравнений .
- Решать прикладные задачи, в том числе социально-экономического и физического характера, средствами математического анализа .

#### ПЛАНИРУЕМЫЕ ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРИМЕРНОЙ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ по геометрии (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

Освоение учебного курса «Геометрия» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

##### **10 класс**

- Свободно оперировать основными понятиями стереометрии при решении задач и проведении математических рассуждений .
- Применять аксиомы стереометрии и следствия из них при решении геометрических задач .
- Классифицировать взаимное расположение прямых в пространстве; плоскостей в пространстве; прямых и плоскостей в пространстве .
- Свободно оперировать понятиями, связанными с углами в пространстве: между прямыми в пространстве; между прямой и плоскостью .
- Свободно оперировать понятиями, связанными с многогранниками .
- Свободно распознавать основные виды многогранников (призма, пирамида, прямоугольный параллелепипед, куб) .
- Классифицировать многогранники, выбирая основания для классификации .
- Свободно оперировать понятиями, связанными с сечением многогранников плоскостью
  - Выполнять параллельное, центральное и ортогональное проектирование фигур на плоскость; выполнять изображения фигур на плоскости .
- Строить сечения многогранников различными методами, выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу .
- Вычислять площади поверхностей многогранников (призма, пирамида), геометрических тел с применением формул .
- Свободно оперировать понятиями: симметрия в пространстве; центр, ось и плоскость симметрии; центр, ось и плоскость симметрии фигуры .

- Свободно оперировать понятиями, соответствующими векторам и координатам в пространстве .
- Выполнять действия над векторами .
- Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин, применяя известные методы при решении математических задач повышенного и высокого уровня сложности .
- Применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач .
- Извлекать, преобразовывать и интерпретировать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках .
- Применять полученные знания на практике: сравнивать и анализировать реальные ситуации, применять изученные понятия в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин .
- Иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий .

### **11 класс**

- Свободно оперировать понятиями, связанными с цилиндрической, конической и сферической поверхностями; объяснять способы получения .
- Оперировать понятиями, связанными с телами вращения: цилиндром, конусом, сферой и шаром .
- Распознавать тела вращения (цилиндр, конус, сфера и шар) и объяснять способы получения тел вращения
- Классифицировать взаимное расположение сферы и плоскости
- Вычислять величины элементов многогранников и тел вращения; объёмы и площади поверхностей многогранников и тел вращения, геометрических тел с применением формул .
- Свободно оперировать понятиями, связанными с комбинациями тел вращения и многогранников: многогранник, вписанный в сферу и описанный около сферы; сфера, вписанная в многогранник или тело вращения .
- Вычислять соотношения между площадями поверхностей и объёмами подобных тел .
- Изображать изучаемые фигуры; выполнять (выносные) плоские чертежи из рисунков простых объёмных фигур: вид сверху, сбоку, снизу; строить сечения тел вращения .
- Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о пространственных геометрических фигурах, представленную на чертежах и рисунках .
- Свободно оперировать понятием вектор в пространстве .
- Выполнять операции над векторами .

- Задавать плоскость уравнением в декартовой системе координат .
  - Решать геометрические задачи на вычисление углов между прямыми и плоскостями; вычисление расстояний от точки до плоскости; в целом, на применение векторно-координатного метода при решении .
  - Свободно оперировать понятиями, связанными с движением в пространстве; знать свойства движений .
  - Выполнять изображения многогранником и тел вращения при параллельном переносе, центральной симметрии, зеркальной симметрии, при повороте вокруг прямой; преобразования подобия .
  - Строить сечения многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара .
  - Использовать методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости .
  - Доказывать геометрические утверждения .
  - Применять геометрические факты для решения стереометрических задач, предполагающих несколько шагов решения, если условия применения заданы в явной и неявной форме .
  - Решать задачи на доказательство математических отношений и нахождение геометрических величин .
  - Применять программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении стереометрических задач .
  - Применять полученные знания на практике: сравнивать, анализировать и оценивать реальные ситуации; применять изученные понятия, теоремы, свойства в процессе поиска решения математически сформулированной проблемы, моделировать реальные ситуации на языке геометрии, исследовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин .
- Иметь представления об основных этапах развития геометрии как составной части фундамента развития технологий .

#### ПЛАНИРУЕМЫЕ ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ПРИМЕРНОЙ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ по статистике и вероятности (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

Освоение учебного курса «Вероятность и статистика» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

##### 10 класс

- Свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента .
- Свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта; находить вероятности событий в опытах с равновозможными элементарными событиями .

- Находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному; использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач; пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трёх случайных событий .
- Оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента; находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач; определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента .
- Применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей .
- Свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний; находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха; в серии испытаний Бернулли; в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности .
- Свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное рас- пределение .

### **11 класс**

- Оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин; использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин .
- Свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения); применять свойства математического ожидания при решении задач; вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений .
- Свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины; применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач; вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений
- Вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам.Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями .

На промежуточной аттестации по математике обучающиеся выполняют задания – вариант ЕГЭ профильного уровня ( 19 заданий,содержащие вопросы по алгебре и началам анализа ,геометрии и статистике и вероятности).Минимальное количество баллов -5первичных(27 по 100-бальной шкале)

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

### Алгебра и начала математического анализа(ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

10 класс

#### Числа и вычисления

Рациональные числа . Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби . Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни .

Действительные числа . Рациональные и иррациональные числа . Арифметические операции с действительными числами . Модуль действительного числа и его свойства . Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений .

Степень с целым показателем . Бином Ньютона . Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных .

Арифметический корень натуральной степени и его свойства .

Степень с рациональным показателем и её свойства; степень с действительным показателем .

Логарифм числа . Свойства логарифма . Десятичные и натуральные логарифмы

Синус, косинус, тангенс, котангенс числового аргумента .

Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента .

#### Уравнения и неравенства

Тождества и тождественные преобразования . Уравнение, корень уравнения . Равносильные уравнения и уравнения-следствия. Неравенство, решение неравенства .

Основные методы решения целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств . Многочлены от одной переменной . Деление многочлена на многочлен с остатком . Теорема Безу . Многочлены с целыми коэффициентами . Теорема Виета.

Преобразования числовых выражений, содержащих степени и корни .

Иррациональные уравнения . Основные методы решения иррациональных уравнений .

Показательные уравнения . Основные методы решения показательных уравнений .

Преобразование выражений, содержащих логарифмы. Логарифмические уравнения. Основные методы решения логарифмических уравнений .

Основные тригонометрические формулы. Преобразование тригонометрических выражений . Решение тригонометрических уравнений .

Решение систем линейных уравнений . Матрица системы линейных уравнений . Определитель матрицы  $2 \times 2$ , его геометрический смысл и свойства; вычисление его значения, применение определителя для решения системы линейных уравнений . Решение прикладных задач с помощью системы линейных уравнений . Исследование построенной модели с помощью матриц и определителей .



Построение математических моделей реальной ситуации с помощью уравнений и неравенств. Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни

Функции и графики

Функция, способы задания функции . Взаимно обратные функции . Композиция функций . График функции . Элементарные преобразования графиков функций .

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства . Чётные и нечётные функции . Периодические функции . Промежутки монотонности функции . Максимумы и минимумы функции . Наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке .

Линейная, квадратичная и дробно-линейная функции. Элементарное исследование и построение их графиков .

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график . Свойства и график корня  $n$ -ой степени как функции обратной степени с натуральным показателем .

Показательная и логарифмическая функции, их свойства и графики. Использование графиков функций для решения уравнений. Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента .

Функциональные зависимости в реальных процессах и явлениях . Графики реальных зависимостей .

Начала математического анализа

Последовательности, способы задания последовательностей . Метод математической индукции . Монотонные и ограниченные последовательности . История возникновения математического анализа как анализа бесконечно малых .

Арифметическая и геометрическая прогрессии . Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия . Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии . Линейный и экспоненциальный рост . Число  $e$  . Формула сложных процентов . Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера .

Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва . Асимптоты графиков функций. Свойства функций непрерывных на отрезке. Метод интервалов для решения неравенств . Применение свойств непрерывных функций для решения задач .

Первая и вторая производные функции. Определение, геометрический и физический смысл производной . Уравнение касательной к графику функции .

Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного и композиции функций .

Множества и логика

Множество, операции над множествами и их свойства . Диаграммы Эйлера — Венна . Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов

Определение, теорема, свойство математического объекта, следствие, доказательство, равносильные уравнения .



11 класс

### Числа и вычисления

Натуральные и целые числа . Применение признаков делимости целых чисел, НОД и НОК, остатков по модулю, алгоритма Евклида для решения задач в целых числах .

Комплексные числа . Алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа . Арифметические операции с комплексными числами . Изображение комплексных чисел на координатной плоскости . Формула Муавра . Корни  $n$ -ой степени из комплексного числа . Применение комплексных чисел для решения физических и геометрических задач . Уравнения и неравенства

Система и совокупность уравнений и неравенств . Равносильные системы и системы-следствия . Равносильные неравенства .

Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности . Решение тригонометрических неравенств .

Основные методы решения показательных и логарифмических неравенств .

Основные методы решения иррациональных неравенств . Основные методы решения систем и совокупностей рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений .

Уравнения, неравенства и системы с параметрами . Применение уравнений, систем и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни, интерпретация полученных результатов .

### Функции и графики

График композиции функций . Геометрические образы уравнений и неравенств на координатной плоскости .

Тригонометрические функции, их свойства и графики . Графические методы решения уравнений и неравенств . Графические методы решения задач с параметрами .

Использование графиков функций для исследования процессов и зависимостей, которые возникают при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни .

### Начала математического анализа

Применение производной к исследованию функций на монотонность и экстремумы . Нахождение наибольшего и наименьшего значений непрерывной функции на отрезке .

Применение производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах, для определения скорости и ускорения процесса, заданного формулой или графиком .

Первообразная, основное свойство первообразных . Первообразные элементарных функций . Правила нахождения первообразных .

Интеграл . Геометрический смысл интеграла . Вычисление определённого интеграла по формуле Ньютона — Лейбница .

Применение интеграла для нахождения площадей плоских фигур и объёмов геометрических тел . Примеры решений дифференциальных уравнений.

Математическое моделирование реальных процессов с помощью дифференциальных уравнений .

# СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА ГЕОМЕТРИЯ (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

10 класс

Прямые и плоскости в пространстве

Основные понятия стереометрии . Точка, прямая, плоскость, пространство . Понятие об аксиоматическом построении стереометрии: аксиомы стереометрии и следствия из них .

Взаимное расположение прямых в пространстве: пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые . Признаки скрещивающихся прямых . Параллельность прямых и плоскостей в пространстве: параллельные прямые в пространстве; параллельность трёх прямых; параллельность прямой и плоскости . Параллельное и центральное проектирование, изображение фигур . Основные свойства параллельного проектирования . Изображение фигур в параллельной проекции . Углы с сонаправленными сторонами; угол между прямыми в пространстве . Параллельность плоскостей: параллельные плоскости; свойства параллельных плоскостей. Простейшие пространственные фигуры на плоскости: тетраэдр, параллелепипед; построение сечений .

Перпендикулярность прямой и плоскости: перпендикулярные прямые в пространстве, прямые параллельные и перпендикулярные к плоскости, признак перпендикулярности прямой и плоскости, теорема о прямой перпендикулярной плоскости . Ортогональное проектирование . Перпендикуляр и наклонные: расстояние от точки до плоскости, расстояние от прямой до плоскости, проекция фигуры на плоскость . Перпендикулярность плоскостей: признак перпендикулярности двух плоскостей . Теорема о трёх перпендикулярах . Углы в пространстве: угол между прямой и плоскостью; двугранный угол, линейный угол двугранного угла . Трёхгранный и многогранные углы . Свойства плоских углов многогранного угла . Свойства плоских и двугранных углов трёхгранного угла . Теоремы косинусов и синусов для трёхгранного угла .

## ***Многогранники***

Виды многогранников; развёртка многогранника . Призма:  $n$ -угольная призма; прямая и наклонная призмы; боковая и полная поверхность призмы . Параллелепипед, прямоугольный параллелепипед и его свойства . Кратчайшие пути на поверхности многогранника . Теорема Эйлера . Пространственная теорема Пифагора . Пирамида:  $n$ -угольная пирамида; правильная и усечённая пирамиды . Свойства рёбер и боковых граней правильной пирамиды . Правильные многогранники: правильная призма и правильная пирамида; правильная треугольная пирамида и правильный тетраэдр; куб . Представление о правильных многогранниках: октаэдр, додекаэдр и икосаэдр .

Вычисление элементов многогранников: рёбра, диагонали, углы . Площадь боковой поверхности и полной поверхности прямой призмы, площадь оснований, теорема о боковой поверхности прямой призмы . Площадь боковой поверхности и поверхности правильной пирамиды, теорема о площади усечённой пирамиды .

Симметрия в пространстве . Элементы симметрии правильных многогранников . Симметрия в правильном многограннике: симметрия параллелепипеда, симметрия правильных призм, симметрия правильной пирамиды .

## ***Векторы и координаты в пространстве***

Понятия: вектор в пространстве; нулевой вектор, длина ненулевого вектора; векторы коллинеарные, сонаправленные и противоположно направленные векторы . Равенство векторов . Действия с векторами: сложение и вычитание векторов; сумма нескольких векторов; умножение вектора на число . Свойства сложения векторов . Свойства умножения вектора на число . Понятие компланарные векторы . Признак компланарности трёх векторов . Правило параллелепипеда . Теорема о разложении вектора по трём некопланарным векторам . Прямоугольная система координат в пространстве . Координаты вектора . Связь между координатами вектора и координатами точек . Угол между векторами . Скалярное произведение векторов .

11 класс

### ***Тела вращения***

Понятия: цилиндрическая поверхность, коническая поверхность, сферическая поверхность, образующие поверхностей . Тела вращения: цилиндр, конус, усечённый конус, сфера, шар . Взаимное расположение сферы и плоскости; касательная плоскость к сфере . Изображение тел вращения на плоскости . Развёртка цилиндра и конуса . Симметрия сферы и шара .

Объём . Основные свойства объёмов тел . Теорема об объёме прямоугольного параллелепипеда и следствия из неё . Объём прямой и наклонной призмы, цилиндра, пирамиды и конуса . Объём шара и шарового сегмента .

Комбинации тел вращения и многогранников . Призма, вписанная в цилиндр, описанная около цилиндра . Пересечение сферы и шара с плоскостью . Касание шара и сферы плоскостью . Понятие многогранника, описанного около сферы, сферы, вписанной в многогранник или тело вращения .

Площадь поверхности цилиндра, конуса; площадь сферы и её частей .

Подобие в пространстве . Отношение объёмов, площадей поверхностей подобных фигур . Преобразование подобия, гомотетия . Решение задач на плоскости с использованием стереометрических методов .

Построение сечений многогранников и тел вращения: сечения цилиндра (параллельно и перпендикулярно оси), сечения конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), сечения шара; методы построения сечений: метод следов, метод внутреннего проектирования, метод переноса секущей плоскости .

### ***Векторы и координаты в пространстве***

Векторы в пространстве . Операции над векторами . Векторное умножение векторов . Свойства векторного умножения . Прямоугольная система координат в пространстве . Координаты вектора . Разложение вектора по базису . Координатно-векторный метод при решении геометрических задач .

### ***Движения в пространстве***

Движения пространства . Отображения . Движения и равенство фигур . Общие свойства движений . Виды движений: параллельный перенос, центральная симметрия, зеркальная симметрия, поворот вокруг прямой . Преобразования подобия . Прямая и сфера Эйлера .

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА

### Вероятность и статистика (ПО ГОДАМ ОБУЧЕНИЯ)

#### 10 класс

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи . Степень (валентность) вершины . Графы на плоскости . Деревья .

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события . Элементарные события (исходы) . Вероятность случайного события . Близость частоты и вероятности событий . Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями .

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события . Диаграммы Эйлера . Формула сложения вероятностей .

Условная вероятность . Умножение вероятностей . Дерево случайного эксперимента . Формула полной вероятности . Формула Байеса . Независимые события .

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача . Независимые испытания . Серия независимых испытаний до первого успеха . Перестановки и факториал . Число сочетаний . Треугольник Паскаля . Формула бинома Ньютона .

Серия независимых испытаний Бернулли . Случайный выбор из конечной совокупности .

Случайная величина . Распределение вероятностей . Диаграмма распределения . Операции над случайными величинами . Бинарная случайная величина . Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное .

#### 11 класс

Совместное распределение двух случайных величин . Независимые случайные величины .

Математическое ожидание случайной величины (распределения) . Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея) . Математическое ожидание бинарной случайной величины . Математическое ожидание суммы случайных величин . Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений .

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения) . Дисперсия бинарной случайной величины . Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин . Дисперсия и стандартное отклонение биномиального распределения . Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения .

Неравенство Чебышёва . Теорема Чебышёва . Теорема Бернул ли . Закон больших чисел . Выборочный метод исследований . Выборочные характеристики . Оценивание вероятности события по выборочным данным . Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений .

Непрерывные случайные величины . Примеры . Функция плотности вероятности распределения . Равномерное распределение и его свойства . Задачи, приводящие к показательному распределению . Задачи, приводящие к нормальному распределению . Функция плотности вероятности показательного

распределения, функция плотности вероятности нормального распределения .  
Функция плотности и свойства нормального распределения .

Последовательность одиночных независимых событий . Задачи, приводящие к распределению Пуассона .

Ковариация двух случайных величин . Коэффициент линейной корреляции .  
Совместные наблюдения двух величин . Выборочный коэффициент корреляции .  
Различие между линейной связью и причинно-следственной связью . Линейная регрессия, метод наименьших квадратов .

На промежуточной аттестации по математике обучающиеся выполняют задания – вариант ЕГЭ профильного уровня ( задание,содержащие вопросы по алгебре и началам анализа ,геометрии и статистике и вероятности.

### 3. Тематическое планирование по алгебре и началам анализа

#### 10 класс

№п/п	Название раздела	4 часа в неделю
1	Множества действительных чисел. Многочлены. Рациональные уравнения и неравенства. Системы линейных уравнений.	28
2	Функции и графики. Степенная функция с целым показателем.	12
3	Арифметический корень $n$ -степени. Иррациональные уравнения.	18
4	Показательная функция. Показательные уравнения.	10
5	Логарифмическая функция. Логарифмические уравнения.	18
6	Тригонометрические выражения и уравнения.	22
7	Последовательности и прогрессии.	11
8	Непрерывные функции. Производная.	20
	Повторение, обобщение, систематизация знаний	12
	Промежуточная аттестация	1
	ИТОГО	136

#### 11 класс

№п/п	Название раздела	4 часа в неделю
1	Исследование функций с помощью производной	34
2	Первообразная и интеграл.	12
3	Графики тригонометрических функций. Тригонометрические неравенства.	16
4	Иррациональные, показательные и логарифмические неравенства	24
5	Комплексные числа	10
6	Натуральные и целые числа.	10
7	Системы рациональных, иррациональных, показательных и логарифмических уравнений	10
8	Задачи с параметрами	10
	Повторение, обобщение, систематизация знаний	9
	Промежуточная аттестация	1
	ИТОГО	136



### 3. Тематическое планирование по геометрии

#### 10 класс

№п/п	Название раздела	3 часа в неделю
1	Введение в стереометрию	24
2	Взаимное расположение прямых в пространстве	6
3	Параллельность прямых и плоскостей в пространстве	8
4	Перпендикулярность прямых и плоскостей в пространстве	26
5	Углы и расстояния	16
6	Многогранники	7
7	Векторы в пространстве	13
8	Движения	5
	Промежуточная аттестация	1
	Итого	102

#### 11 класс

№п/п	Название раздела	3 часа в неделю
1	Аналитическая геометрия	15
2	Повторение, обобщение и систематизация знаний	15
3	Объем многогранников	17
4	Тела вращения	24
5	Площади поверхности и объемы круглых тел	9
6	Повторение, обобщение и систематизация знаний	21
	Промежуточная аттестация	1
	Итого	102

### 3 .Тематическое планирование по вероятности и статистике

#### 10 класс

№п/п	Название раздела	1 час в неделю
1	Элементы теории графов	3
2	Случайные опыты ,случайные события и вероятности событий.	3
3	Операции над множествами и событиями.Сложение и умножение вероятностей.Условная вероятность.Независимые события	5
4	Элементы комбинаторики	3
5	Серии последовательных испытаний.Испытания Бернулли.Случайный выбор из конечной совокупности	5
7	Случайные величины и распределения	14
	Промежуточная аттестация	1
	<b>Итого</b>	<b>34</b>

### 11класс

№п/п	Название раздела	1 час в неделю
1	Закон больших чисел	5
2	Элементы математической статистики	6
3	Непрерывные случайные величины(распределения),показательное и нормальное распределения.	4
4	Распределение Пуассона	2
5	Связь между случайными величинами.	6
7	Обобщение и систематизация знаний	10
	Промежуточная аттестация	1
	<b>Итого</b>	<b>34</b>

